

Potenciação, potências de dez e notação científica

Turma: _____ Data: _____ Nota: _____

Nome: _____ RA: _____

Potenciação

É uma operação matemática de multiplicar um número por ele mesmo um certo número de vezes:

$$3^3 = 3 \cdot 3 \cdot 3 = 27$$

Definições

$a^1 = a$	$2^1 = 2$	$10^1 = 10$
$a^0 = 1, a \neq 0$	$2^0 = 1$	$10^0 = 1$

Multiplicação de potências de bases iguais: mantenha a base e some os expoentes:

$$a^n \cdot a^m = a^{n+m}$$

$$10^3 \cdot 10^4 = 10^{3+4} = 10^7 = 10.000.000$$

Divisão de potências de bases iguais: mantenha a base e subtraia os expoentes:

$$\frac{a^n}{a^m} = a^{n-m}, a \neq 0$$

$$\frac{10^4}{10^2} = 10^{4-2} = 10^2 = 100$$

Potência de potência: mantenha a base e multiplique os expoentes:

$$(a^m)^n = a^{m \cdot n}$$

$$(10^3)^2 = 10^{3 \cdot 2} = 10^6 = 1.000.000$$

Potência de uma multiplicação: distribuir o expoente

$$(a \cdot b)^n = a^n \cdot b^n$$

$$(10 \cdot 3)^2 = 10^2 \cdot 3^2 = 100 \cdot 9 = 900$$

Potência de uma fração: distribuir o expoente

$$\left(\frac{a}{b}\right)^n = \frac{a^n}{b^n}, b \neq 0$$

$$\left(\frac{2}{10}\right)^3 = \frac{2^3}{10^3} = \frac{8}{1000}$$

Potência de um número negativo

$$\begin{aligned} (-a)^n &= b \\ -a^n &= -b \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} (-3)^2 &= 9 \\ -3^2 &= 9 \end{aligned}$$

Potências de base 10 e notação científica

As potências de 10 são muito utilizadas na Física e na Engenharia para exprimir números muito grandes ou pequenos. A indicação é feita por um número multiplicado pela potência de dez.

Expoente positivo: As potências de base 10 são formadas pelo algarismo que multiplica a potência seguido de zeros da quantidade do número do expoente.

$10^0 = 1$	
$10^1 = 10$	$7 \times 10^1 = 7 \times 10 = 70$
$10^2 = 100$	$2,7 \times 10^2 = 2,7 \times 100 = 270$
$10^3 = 1.000$	$253 \times 10^3 = 253 \times 1.000 = 253.000$
$10^4 = 10.000$	$2,2 \times 10^4 = 22000$

Expoente negativo: escrevemos o número na forma decimal, sendo que o número do expoente indica a quantidade de dígitos após a vírgula.

$10^{-1} = 0,1$	$5,0 \times 10^{-1} = 0,5$
$10^{-2} = 0,01$	$72,0 \times 10^{-2} = 0,72$
$10^{-3} = 0,001$	$5 \times 10^{-3} = 0,005$
	$0,3 \times 10^{-3} = 0,0003 = 3,0 \times 10^{-4}$

Para escrever um número qualquer, na potência de base 10, desloque a vírgula do número até que esta fique numa única casa decimal diferente de zero. Conte o número de casas em que a vírgula se deslocou e este será o número (positivo ou negativo) do expoente da base 10, que fica multiplicando o número indicado.

Se a vírgula vier *da direita*, o expoente *será positivo*;

Se vier *da esquerda*, o expoente fica *negativo*.

Exemplos:

$60000 = 6 \times 10^4$	$0,0005 = 5 \times 10^{-4}$
$159400 = 1,594 \times 10^5$	$0,00265 = 2,65 \times 10^{-3}$

Adição e subtração: A adição ou subtração com potências só pode ser realizada quando se tem expoentes iguais. Conserva-se a potência indicada e adiciona-se (ou subtrai-se) os valores que antecedem a potência.

$$9 \times 10^7 - 3 \times 10^7 = (9-3) \times 10^7 = 6 \times 10^7$$

$$2,3 \times 10^{-4} + 1,4 \times 10^{-4} = (2,3+1,4) \times 10^{-4} = 3,7 \times 10^{-4}$$

Caso a adição (ou subtração) se apresente entre valores que não têm mesmo expoente, é necessário antes deixar todos com potências iguais.

$$7 \times 10^5 + 3 \times 10^7 = 0,07 \times 10^7 + 3 \times 10^7 = 3,07 \times 10^7$$

$$9 \times 10^5 + 5 \times 10^7 = 9 \times 10^5 + 500 \times 10^5 = 509 \times 10^5 = 5,09 \times 10^7$$

Multiplicação: Efetua-se a multiplicação entre os números que antecedem a potência e também multiplicam-se as potências da base 10, conservando-se a base e adicionando-se os expoentes.

$$8 \times 10^7 \times 3 \times 10^3 = (8 \times 3) \times (10^7 \times 10^3) = 24 \times 10^{10} = 2,4 \times 10^{11}$$

$$4 \times 10^{-7} \times 7 \times 10^3 = (4 \times 7) \times (10^{-7} \times 10^3) = 28 \times 10^{-4} = 2,8 \times 10^{-3}$$

Divisão: Efetua-se a divisão entre os números que antecedem a potência e também divide-se as potências da base 10, conservando-se a base e subtraindo-se os expoentes.

$$\frac{8 \times 10^7}{4 \times 10^5} = \frac{8}{4} \times \frac{10^7}{10^5} = 2 \times 10^{7-5} = 2 \times 10^2 = 200$$

$$\frac{8 \times 10^{-2}}{4 \times 10^3} = \frac{8}{4} \times \frac{10^{-2}}{10^3} = 2 \times 10^{-2-3} = 2 \times 10^{-5} = 0,00002$$

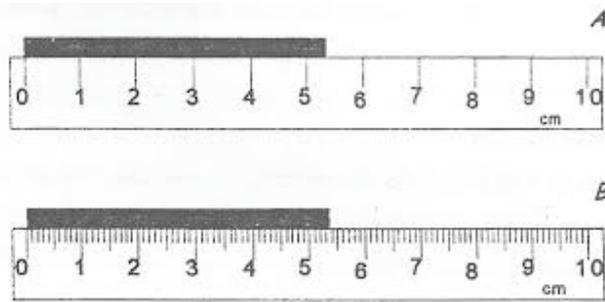
Potenciação: Efetua-se a potência do número que antecede a potência de base 10 e também faz-se a potência da potência de base 10, conservando-se a base e multiplicando-se os expoentes.

$$(9 \times 10^7)^2 = 9^2 \times 10^{(7 \times 2)} = 81 \times 10^{14} = 8,1 \times 10^{15}$$

$$(3 \times 10^{-4})^3 = 3^3 \times 10^{(-4 \times 3)} = 27 \times 10^{-12} = 2,7 \times 10^{-11}$$

Radiciação: Extrai-se a raiz do número que antecede a potência de base 10 e também faz-se o mesmo com a potência de base 10, conservando-se a base e dividindo-se o expoente do radicando com o índice do radical.

$$\sqrt{16 \times 10^2} = \sqrt{2^4 \times 10^2} = 2^2 \times 10 = 4 \times 10 = 40$$



Algarismos significativos nos cálculos

Quando efetuamos cálculos, o resultado final só terá significado físico se ele contiver o mesmo número de algarismos significativos da medida de menor precisão. Vejamos um exemplo. Digamos que você deseja calcular o perímetro de um jardim circular. Com uma trena comum, você determina que o diâmetro do jardim é de 2,12 metros. O perímetro do jardim será calculado da seguinte maneira:

$$P = d \cdot \pi = 2,12 \cdot \pi = 6,66 \text{ m}$$

Repare que a resposta tem a mesma quantidade de algarismos que a medição. O valor 6,660176425610362 estaria matematicamente correto, mas não teria significado físico, pois não temos certeza a partir da segunda casa depois da vírgula.

As regras para os algarismos significativos em Física são:

Na **soma**, mantemos o número de casas depois da vírgula.

$$13,21 + 5,6 + 1,587 = 20,4$$

A resposta 20,397 está correta matematicamente, mas não fisicamente.

No produto, mantemos o número de algarismos significativos do valor que tiver o menor número de algarismos significativos.

$$4,56 \cdot \pi \cdot 2,234 = 32,0$$

Regras de arredondamento

Para as regras de arredondamento, a norma ABNT-NBR 5891:2014 estabelece o seguinte:

Quando o algarismo a ser conservado for seguido de um algarismo inferior a 5, permanece o algarismo conservado e retiram-se os posteriores. Exemplos:

- 1,439 arredondado para uma casa depois da vírgula ficará 1,4
- 3,14159 arredondado para duas casas depois da vírgula ficará 3,14

Quando o algarismo a ser conservado for seguido de um número superior a 5, ou de um número igual a 5 seguido de no mínimo um algarismo diferente de zero, soma-se uma unidade ao algarismo a ser conservado e elimina-se o resto. Exemplos:

- 4,368 arredondado para uma casa depois da vírgula ficará 4,4
- 13,75000001 arredondado para uma casa depois da vírgula ficará 13,8

Quando o número subsequente ao que queremos arredondar for igual a 5 e posteriormente zero, se o algarismo a ser conservado for par, ele ficará par; se for ímpar, será acrescido de uma unidade. Exemplos:

- 3,25 arredondado para uma casa depois da vírgula ficará 3,2
- 3,75 arredondado para uma casa depois da vírgula ficará 3,8

Atividades

1. Transforme em potência de dez, mantendo 3 algarismos significativos:

Exemplo: $345.900 = 3,46 \times 10^5$

- 576.890
- 9.800.700
- 200.000
- 0,0087
- 0,00009
- 0,08

2. Transforme em número extenso:

Exemplo: $3,23 \times 10^{-8} = 0,0000000323$

- $5,7 \times 10^{-3}$
- $0,4 \times 10^{-2}$
- 150×10^2
- 12×10^3

3. Calcule o resultado dessas operações, fornecendo o resultado em notação científica com 3 algarismos significativos (faça utilizando a função EXP ou $\times 10^x$ da calculadora):

- $89 \times 10^{-3} + 61 \times 10^{-3}$
- $8,7 \times 10^{-3} + 0,61 \times 10^{-2}$
- $167 \times 10^2 + 12 \times 10^3$
- $18 \times 10^{-2} - 7,5 \times 10^{-2}$
- $1,89 \times 10^{-2} - 7,5 \times 10^{-3}$
- $5 \times 10^1 - 78 \times 10^{-2}$
- $(4,0 \times 10^{-2})^3$
- $\sqrt{8,0 \times 10^4}$
- $\sqrt[3]{6,4 \times 10^{10}}$
- $\frac{3,0 \times 10^6}{9,0 \times 10^4}$
- $\frac{2,0 \times 10^3 + 4,0 \times 10^2}{1,2 \times 10^3}$

4. Em um circuito elétrico, a tensão V em volts pode ser calculada através da relação entre a resistência R em ohms e a corrente elétrica i em ampères de acordo com a equação a seguir:

$$V = R \cdot i$$

A partir dos dados, complete a tabela:

	V (volts)	R (ohms)	i (ampères)
a)		1×10^5	$3,5 \times 10^{-3}$
b)	22×10^1	$6,7 \times 10^3$	
c)	$0,12 \times 10^2$		30×10^{-3}
d)	$1,27 \times 10^2$	$4,5 \times 10^3$	
e)		40×10^3	$0,54 \times 10^{-2}$

5. É possível calcular a força de atração F em newtons entre duas cargas q_1 e q_2 , ambas em coulombs, que estão separadas por uma distância r em metros, considerando a constante k , que depende do meio onde as cargas são encontradas a partir da seguinte relação:

$$F = k \frac{|q_1 \cdot q_2|}{r^2}$$

O valor mais usual de k é quando esta interação acontece no vácuo:

$$k = 9,0 \times 10^9 \frac{Nm^2}{C^2}$$

A partir desse dado, preencha a tabela, fornecendo as respostas em notação científica e com a quantidade correta de algarismos significativos:

	F[N]	Q_1 (C)	Q_2 (C)	R (m)
a)		$3,12 \times 10^{-5}$	$5,1 \times 10^{-6}$	15,6
b)	200	$2,23456 \times 10^{-2}$	$2,98 \times 10^{-2}$	
c)	$32,4 \times 10^{-2}$	$3,81 \times 10^{-6}$		50,7