Unimonte, Engenharia. Prof. Marco Simões Física Mecânica, Cinemática

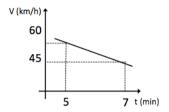
- 1. André está no km 30 de uma estrada, a uma velocidade constante de 60 km/h. Ele liga para Carlos que está no km 20 e pede que o encontre no instante em que ele (André) chegar ao km 150. Supondo que Carlos parta nesse instante com velocidade constante, calcule que velocidade (km/h) ele deve desenvolver e em quanto tempo (horas) eles se encontrarão. Resposta: $v = 65 \, km/h$; $\Delta t = 2 \, h$.
- 2. Um corpo na posição 5,0 metros tem uma velocidade de 2,0 m/s, e na posição 15 metros, sua velocidade é de 6,0 m/s. Calcule sua aceleração, e, supondo que esta foi mantida constante, seu deslocamento nos dois primeiros minutos da corrida, e sua velocidade no final desses dois minutos. Resposta: $a = 1,6 \frac{m}{s^2}$; $v = 194 \frac{m}{s}$; $\Delta x = 1,18 \times 10^4 m$.
- 3. Um carro passa por um posto policial a uma velocidade constante de 130 km/h. Os policiais saem em perseguição, partindo do repouso com uma aceleração constante de 1,2 m/s². Em quanto tempo os policiais alcançarão o carro? Que distância terão percorrido? Resposta: $\Delta t = 60.2 \text{ s}; \Delta x = 2.17 \times 10^3 \text{ m}$
- 4. Um paraquedista está num helicóptero a 200 metros de altura, e deve saltar sobre um barco. Suponha que ele cairá com velocidade constante de 10 m/s. Um barco desenvolve uma velocidade constante de 18 km/h no sentido do ponto em que o paraquedista cairá. Para que ele caia exatamente sobre o barco, ele deve esperar que o barco esteja a que distância do ponto de encontro? Resposta: x = 100 m.
- 5. Um carro passa pelo km 10 de uma estrada a 36 km/h, e passa pelo km 11 a 72 km/h. Supondo que sua aceleração é mantida constante, calcule o valor da aceleração (em m/s²), em quanto tempo (em segundos) ele atingirá o km 31 (contando a partir da marca de 11 km), e qual será sua velocidade (em km/h) ao chegar. Resposta: $\alpha = 0.15 \ m/s^2$; $\Delta t = 400s$; $v = 80 \ m/s = 288 \ km/h$.
- 6. Um elevador de construção sobe a com velocidade constante de 2 m/s a partir do piso do térreo. Por acidente, um martelo cai no poço do elevador de uma altura de 20 metros. A quantos metros do piso ele atingirá o elevador? Qual a velocidade do martelo no momento do impacto? Usar $g=9,81 \text{ m/s}^2$. Resposta: x=3,7 m; v=18,0 m/s.
- 7. Um corpo A parte da posição 35 m com velocidade constante de 3,0 m/s. No mesmo instante, um segundo B corpo parte da posição 5,0 m, com velocidade também constante de 6 m/s. Pergunta-se: (a) em que momento eles se encontrarão? (b) Em que posição estarão no encontro? (c) Qual o deslocamento total de cada um até o encontro? Resposta: $\Delta t = 10 \text{ s}$; $x_2 = 65 \text{ m}$; $\Delta x_A = 30 \text{ m}$ e $\Delta x_B = 60 \text{ m}$.
- 8. Um carro, no instante inicial, está a uma velocidade de 90 km/h. Depois de 25 segundos, sua velocidade é de 72 km/h. Calcule sua aceleração (supor aceleração constante) e seu deslocamento após dois minutos nesse regime. Resposta: $a = -0.2 \frac{m}{s^2}$; $\Delta x = 1.6 \times 10^3 m$.

9. O Coiote, em mais uma de suas armadilhas, planeja lançar uma pedra sobre o Papa-Léguas. A pedra está situada a uma altura de 50 m em relação à estrada. O Papa-Léguas está correndo a uma velocidade constante de 72 km/h, e está a uma distância de 100 metros da armadilha. Quanto tempo o Coiote deve esperar antes de lançar a pedra para que ela caia exatamente sobre o Papa-Léguas? Resposta: t = 1,8 s.



10. Um arqueiro dispara uma flecha que sai do arco com velocidade constante de 65 m/s. Um cronômetro é acionado nesse instante e registra um tempo de 2,0 segundos até que se ouça o som da flecha ter atingido o alvo. Considere a velocidade do som $v=340\ m/s$. A que distância estava o alvo? Resposta: 109 m.

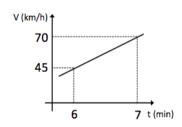
11. O movimento de um carro está descrito ao lado. Com base no gráfico, calcule (a) a aceleração do carro em m/s^2 e (b) quantos metros ele percorrerá até sua parada total a partir de t=7,0 min. Resposta: $a=-3,5\times10^{-2}$ m/s^2 ; $\Delta x=2,23\times10^3$ m.



12. Duas estações, A e B estão distantes 2,0 km uma da outra. Um trem passa na cidade A, indo em direção à cidade B, com uma velocidade constante de 72 km/h. Nesse instante, um outro trem, partirá da cidade A em direção a B com aceleração constante. (a) Qual deve ser o valor da aceleração do trem de B em m/s^2 para que eles se encontrem exatamente no meio do caminho? (b) Qual a velocidade do trem que partiu de B em km/h no momento do encontro? Resposta: $a = -0.8 \frac{m}{s^2}$; $v = -144 \, km/h$.

13. Um balde é lançado num poço, e, pelo atrito da roldana, cai com velocidade constante de 5,0 m/s. No instante em que ele é lançado um cronômetro é disparado e marca 20 segundos até se ouvir o som do impacto do balde com a água. Qual é a profundidade do poço? Considere a velocidade do som como 340 m/s. Resposta: 99 m

14. O movimento de um carro está descrito no gráfico ao lado. Com base nessas informações, calcule (a) sua aceleração, (b) seu deslocamento entre os instantes t=5 min e t=10 min. Resposta: $a = 0.12 \ m/s^2$; $\Delta x = 7.0 \times 10^3 \ m$.



15. Um espião está fugindo e está no 4 andar de um edifício, a uma altura de 15 metros do chão. Ele vê um caminhão de lixo se aproximar, e acha que poderá pular sobre ele. O caminhão está a uma velocidade constante de 40 km/h, e está a 50 metros do prédio. Quanto tempo o espião deve esperar para saltar, se quiser cair exatamente dentro do caminhão? Considerar g=9,81 m/s². Resposta: 2,7 s

Carlos André 150 km

Nz=? N=60km

André =0 XZA = XIA+ NA St 150 = 30 + 60 Dt

150-30= 60 St

120 = 0t =0 | 0t=2h

(01/02 =0 Tree sic + No bt 100 = 20 + N. 2

150-20= ZNC

130 = Nc = D Nc = 65 km/h

>(= 5,0 m 10, - 7,0 M/S

x2=15 m N2 = 6,0 m/s

22-x, = N,+N2. Dt =0 15-5= 2,0+6.0. Dt

10 = 4. 0t = 0 t = 2,5 s

 $a = \frac{5N}{NL} \Rightarrow a = \frac{6-2}{2.7} \Rightarrow a = 1.6 \text{ m/s}^2$

2 02 = 150 S

N= N. +0 Dt = N2= 2.0+1.6 x 2.5

Nz : 194 m/s

$$x_2-x_1 = \frac{N_1+N_2}{2}$$
. St; $0x=x_2-x_1$

$$0x = \frac{20+104}{2} \cdot 120$$

$$0x = \frac{196 \cdot 120}{2} = 11800 = 0$$

$$0x = \frac{1,18}{2} \times 10^{7} \text{ m}$$

$$N = 130 \text{ km/h}$$
 $N = 130 = 36,1 \text{ m/s}$

$$Policio:$$

$$N_1 = 0 \quad m/s$$

$$\alpha = 1,2 \quad m/s^2$$

$$x_2 = 0 + 36.1 \times 0 +$$

$$x_5 = 0.00 + 5$$

 $x_5 = 0.00 + 5$
 $x_5 = 0.00 + 5$
 $x_5 = 0.00 + 5$

Encontro =0 36,1 x Dt = 0,6 x Dt2

$$0.6 \text{ Ot}^2 - 36.1 \text{ Ot} = 0$$

3 continueção

Posição =0 (x,=0)

Policio=0
$$x_2 = x_1 + w_1 \cdot 0t + a \cdot 0t^2$$

 $x_2 = 0 + 0.60, 2 + \frac{1.2.60, 2^2}{2}$
 $x_3 = 2.12 \times 10^3 \text{ m}$

ou, carno =
$$x_2 = x_1 + N.0 + 36.1 \times 60.2$$

 $x_2 = 2.12 \times 10^3 M$

$$|V| = 10 \text{ m/s}$$

$$|V| = 10 \text{ m/s}$$

$$|V| = 10 \text{ m/s}$$

$$|V| = 18 \text{ km/n}$$

$$|V| = 18 \text{ m/s}$$

$$|V| = 18 \text{ m/s}$$

$$|V| = 18 \text{ m/s}$$

Barco =
$$x_2 = x_1 + NUt$$

 $x_2 = 0 + 5.70$
 $x_2 = 100 \text{ m}$:

(5)
$$X_1 = 10 \text{ km} = 1.0 \times 10^4 \text{ m}$$
 $N_1 = 36 \text{ km} | h = \frac{36}{3.6} = 10 = 0 \quad N_1 = 10 \text{ m/s}$
 $X_2 = 11 \text{ km} = 1.1 \times 10^4 \text{ m}$
 $N_2 = 72 \text{ km} | h = \frac{72}{3.6} = 20 = 0 \quad N_2 = 20 \text{ m/s}$

Aceleração usando Rómulas básicas:

$$x_2 - x_1 = \frac{N_1 + N_2}{2}$$
. Dt
 $1,1 \times 10^4 - 1,0 \times 10^4 = \frac{10 + 20}{2}$. Dt
 $1,0 \times 10^3 = 15$. Dt =0 Ot=1,0 \times \frac{3}{45} \text{ Dt} = 67 \text{ S}
 $a = \frac{0N}{0t} = 0$ $a = \frac{20 - 10}{67} = 0$ $a = 0,15$ m/s^2

$$00 - 0 \quad x_2 = x_1 + p_1 \cdot 0 + a \cdot 0 + \frac{a \cdot 0 + 2}{2}$$

$$1.1 \times 10^{4} = 1.0 \times 10^{4} + 10 \times 67 + a \cdot 67^{2}$$

$$1.0 \times 10^{3} - 670 = 2.24 \times 10^{3}.$$

$$a = 0.15 \text{ m/s}^{2}$$

Aceleração usando himula de Porricelli

$$N_2^2 = N_1^2 + 2. a. \Delta x.$$
 $20^2 = 10^2 + 2. a. (1.1 \times 10^4 - 1.0 \times 10^4)$
 $400 - 100 = 2.0 \times 10^3. a.$
 $a = \frac{300}{2.0 \times 10^3} = 0$
 $a = 0.15 \text{ m/s}^2$

(5) Continuos cos

Tempo pl ohighir o km 31:

$$x_2 > c_1 + N, 0t + a \frac{5t^2}{2}$$

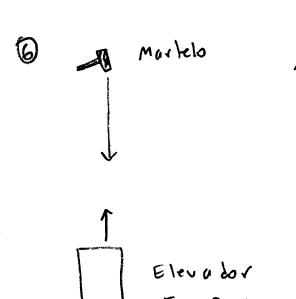
$$0t = -20 = \sqrt{20^2 + 4 \times 0.075 \times 2.0 \times 10^{4}}$$

$$2 \times 0.075$$

Dt=-667 & (n éválido)

Velocidade ao chegar no km 31

Dt=400s = tempo entre km 11 e km 31



1- Elevator; (MRU)
20 m
$$x_2 = x_1 + N Ut$$

 $x_2 = 0 + 2 - 0t = 2 Dt$

$$x_1 = x_1 + v_1 v_2 + a v_1 v_2$$

$$x_2 = x_1 + v_1 v_2 + a v_1 v_2$$

$$20t = 20 - 4.90t^{2}$$

 $4.90t^{2} + 20t - 20 = 0$

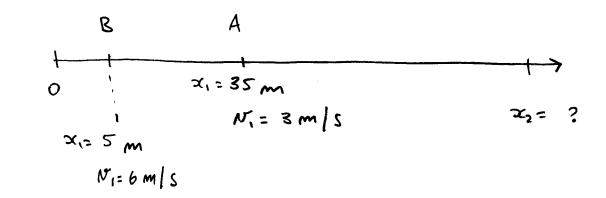
$$Dt = -\frac{2}{2} + \frac{1}{4} \times \frac{1}{4}$$

4- Posição no excorto

Elevador =
$$x_2 = 20t = 0$$
 $x_2 = 21.83 = 0$ $x_2 = 3.7 m$
OU
Markelo = $x_2 = 20 - 4.9 \times 0.000$
 $x_2 = 20 - 4.9 \times 1.83^2 = 0$ $x_2 = 3.6 m$

5-Veloci da de do marko

$$N_2 = N_1 + \alpha Dt$$
 $N_2 = 0 + 9.81 \times 1.83$
 $N_2 = 18.0 \text{ m/s}$



60180 A=0
$$x_2 = x_1 + NOT$$

 $x_2 = 35 + 30t$

(7)

$$30 = 30t = 0$$
 Dt= 10 S

 $35 - 5 = 60t - 30t$

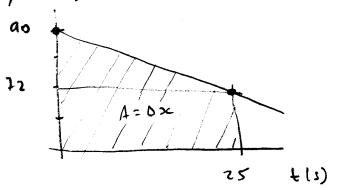
Posição do enconho = $A_{3}x_{2} = 35 + 310 = 65 m$ ou $B = x_{2} = 5 + 610 = 65 m$

Orshocomenbs:

Aa)
$$Dx = 65 - 35 = 0$$
 $A = 0 Dx = 30 m$
 $3 = 0 Dx = 65 - 5 = 0$ $B = 0 Dx = 60 m$

(8)
$$p_1 = 90 \text{ km} = 3$$
 $N_1 = 90 = 3$ $N_1 = 25 \text{ m}$ S

$$N_2 = 72 \frac{\text{km}}{\text{M}} = 0$$
 $N_2 = \frac{72}{3.L} = 0$ $N_2 = 20 \frac{\text{m}}{\text{S}}$



Deslocamento pl Dt= zmin = 1205

$$Dx = \frac{25+1}{2}$$
, $120 = 0$ $Dx = \frac{1.6 \times 10^{3}}{2}$

$$\frac{9}{50 \, \text{m}} = \frac{1}{1}$$

$$\frac{1}{100 \, \text{m}} = \frac{12}{100 \, \text{m}} = \frac{12}{3.6} = \frac{20 \, \text{m}}{3.6} = \frac{12}{3.6} = \frac{12$$

Tempo of pedro cair =0
$$x_2 = 2c_1 + pr.04 + a 0 + 2$$

considerando piso como "o" =0 $x_1 = 50$ m
 $x_2 = 0$ m

$$0 = 50 + 0.0t - 9.81.0t^{2}$$

$$-50 = -4.9.0t^{2} = 0 \quad 0t = \sqrt{-50} = 0 \quad 0t = 3.25$$

Tempo el Papa. Lipros chegar

Considerate
$$x_1 = 0m$$
 e $x_2 = 100 m$

$$x_2 = x_1 + N D + v$$

Flecha (MMU)
$$\Rightarrow x_2 = x_1 + NDtf$$

$$x_2 = 0 + 65.0tf$$

$$x_1 = 65Dtf$$
Som (MMU) $\Rightarrow x_2 = x_1 + NDts$

$$x_2 = 0 + 340.0ts$$

$$x_2 = 3400ts$$

O tempo bolal é: Ot= Ot+ Ots -0 2= Ot++Ote

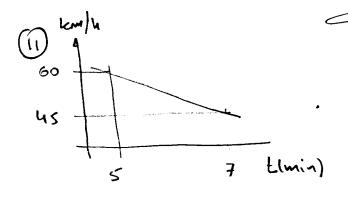
O espaço percorrido pela flecha é o mesmo dosom

Despecaments: Som =
$$x^5 = 100 \text{ m}$$

 $x^5 = 100 \text{ m}$
 $x^5 = 100 \text{ m}$

$$x_2 = x_1 + Nbt$$

 $x_2 = 0 + 65 \times 1,68 = 0$ $x_2 = 109 m$



$$N_1 = \frac{60}{3.6} \Rightarrow N_1 = \frac{16.7 \text{ m/s}}{3}$$

7 Elmin)
$$N_2 = \frac{45}{3.6} = 0$$
 $N_3 = 12.5 \text{ m/s}$

$$a = \frac{DN}{Dt} = \frac{V_2 - N_1}{Dt} = 0$$
 $a = \frac{12.5 - 16.7}{120} = 0$ $a = -3.50 \times 10^{-2} \text{ M/s}^2$

Distancia da posição em t=7 min alé porada dotal:

N=0 m/s N=12,5 m/s (velocitade que t=7min)

$$Dx = x_2 - x_1; \quad x_2 - x_1 = \frac{N_1 + N_2}{2}. \quad N^{\dagger}$$

$$Dx = \frac{12.5 + 0}{2}. \quad 357$$

$$Dx = \frac{2}{2}. \quad 357$$

Método 2, Torricelli: N2= N1 = 2.a. Dx

$$N_2^2 = N_1^2 + 2.a. \Delta x$$
 $0^2 = 12.5^2 + 2x(-3.5x10^2). \Delta x$
 $0^2 - 12.5^2 = -7.0 \times 10^{-2}. \Delta x$
 $\Delta x = \frac{-12.5^2}{-7.0 \times 10^{-2}}$
 $\Delta x = \frac{2.23 \times 10^3}{4}$
 $\Delta x = \frac{2.23 \times 10^3}{4}$

12)
$$A = \frac{1}{2z = 1.0 \times 10^{3} \text{ m}}$$

$$N = \frac{72 \text{ km/h}}{2z = 20 \text{ m/s}}$$

$$N = \frac{72 \text{ km/h}}{2z = 20 \text{ m/s}}$$

Em A = 0 x2 = x1 + N Dt = 1,0110 = 0 + 20 Dt Dt = 50 s

Em B = 22= x, + N, Dt + a 0+2

 $1.0 \times 10^3 = 2.0 \times 10^3 + 0.50 + 0.50^2$

 $-1.0 \times 10^{3} = \frac{a.50^{2}}{2}$

 $a = \frac{-2.0 \times 10^3}{50^2} \Rightarrow a = -0.8 \text{ m/s}^2$

NoB = NiB+ a Dt

N2B = 0-08x 50 = 40 m/s x 3,6 = -144 km/2

N23 =144 km

Bald = X2 = X, + WAt = X2 = 0 - SAtbald 22=-5 Atb Som = 0 = x1 + 340 Ut, x, =-340 Dts

Pos. final do balde = Pos. inicial do som

: -5 Atb=-340.Ats

mas Dt = Dtb + Dts = > 20 = Dtb + Dts

: Dtb = 20 - Dts

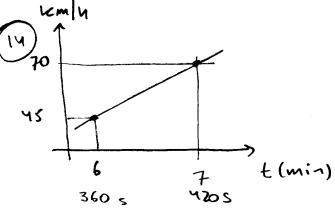
Assim =0-5 (20-Ats) =-340 Uts -100+5 bts=-340 Ots 100 = 345 Dts =0 Dts = 0,29 s

Profundidude =0 60m =0 =x,=-340,00,29 =0 x,=-98,6 m

Bald = 0 15 = 20 -0,29 = 19,7 5

x2 = -5 x 19,7 = x2 = -98,5 m

Prown di da & = 99 m



$$M_1 = \frac{45}{3.6} = 12.5 \text{ m/s}$$

$$N_2 = \frac{70}{3.6} = 19.4 \text{ m/s}$$

$$a = \frac{DN}{Dt} = 0$$
 $a = \frac{N_2 - N_1}{Dt} = 0$ $a = \frac{19.4 - 12.5}{60} = 0.12 \text{ m/s}^2$

Velocidade em
$$t=300 \text{ s} \Rightarrow 0$$
 $N_2 = N_1 + a Dt$

$$12.5 = N_1 + 0.12 (360 - 300)$$

$$12.5 = N_1 + 7.2$$

$$N_1 = 12.5 - 7.2 = 5.3 \text{ m/s}$$

Velocida de em
$$t=600s=0$$
 $N_2=N_1+a.0t$ $N_2=12,5+0.12.(600-360)$ $N_2=41.3$ M/s

Deslocamento: Doc= x2.x1

$$\Delta x = \frac{513 + 41.3}{2}$$
. (600-300) = $7_{10} \times 10^{3}$ m

Espiao (MRUV, queda livre)

$$\Delta_{3} = \Delta_{1} + \Delta_{1} + \Delta_{2} + \Delta_{3} + \Delta_{4} + \Delta_{5} + \Delta_{5$$

Caminhais (MMU)

$$x_1 = 3c_1 + N$$
. At

 $y = 40 = 11 \text{ m/s}$
 $3,6$
 $50 = 0 + 11 \times 6t$
 $60 = \frac{50}{11} = 60$
 $60 = \frac{50}{11} =$